

بسم الله الرحمن الرحيم

مراجعة الباب: الثالث - الرابع /

# رياضيات (5)

إعداد الأستاذ /

وفيد الزياتي

تنسيق الطالب /

عبد الله عمر

( [AbdullahOmar@outlook.com](mailto:AbdullahOmar@outlook.com) )

## المتطابقات المثلثية :-

### المتطابقات المثلثية الأساسية

هناك خمسة أنواع للمتطابقات المثلثية هي:

|  |  |  |   |
|--|--|--|---|
| المتطابقات النسبية (المقام لا يساوي صفر)               |  |  | 1 |
| $\cot\theta = \frac{\cos\theta}{\sin\theta}$           | $\tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta}$           |  |   |
| متطابقات المقلوب (المقام لا يساوي صفر)                 |  |  | 2 |
| $\cot\theta = \frac{1}{\tan\theta}$                    | $\sec\theta = \frac{1}{\cos\theta}$                    | $\csc\theta = \frac{1}{\sin\theta}$                    |   |
| متطابقات فيثاغورس                                      |  |  | 3 |
| $\cot^2\theta + 1 = \csc^2\theta$                      | $\tan^2\theta + 1 = \sec^2\theta$                      | $\cos^2\theta + \sin^2\theta = 1$                      |   |
| متطابقات الزاويتين المتتامتين                          |  |  | 4 |
| $\tan\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cot\theta$ | $\cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \sin\theta$ | $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cos\theta$ |   |
| متطابقات الدوال الزوجية والدوال الفردية                |  |  | 5 |
| $\tan(-\theta) = -\tan\theta$                          | $\cos(-\theta) = \cos\theta$                           | $\sin(-\theta) = -\sin\theta$                          |   |

س1| أوجد القيمة الدقيقة لـ  $\sin\theta$  ، إذا علمت أن  $\cos\theta = \frac{1}{3}$  ، حيث أن الزاوية تقع في الربع الرابع :

س2| أوجد القيمة الدقيقة لـ  $\sec\theta$  ، إذا علمت أن  $\sin\theta = \frac{-2}{7}$  ، حيث أن الزاوية تقع في الربع

الثالث :-

س3 | بسط العبارتين التاليتين:

a)  $\frac{\sin \theta \csc \theta}{\cot \theta}$

b)  $\sin^2 \theta - \cot^2 \theta$

إثبات صحة المتطابقات المثلثية:-

س4 | أثبت صحة المتطابقات التالية:

a)  $\cot^2 \theta - \cos^2 \theta = \cot^2 \theta \cos^2 \theta$

b)  $\frac{\cos \theta \csc \theta}{\tan \theta} = \cot^2 \theta$

## المتطابقات المثلثية لمجموع زاويتين والفرق بينهما:

### متطابقات المجموع

$$\sin(A + B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B \quad \text{①}$$

$$\cos(A + B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B \quad \text{②}$$

$$\tan(A + B) = \frac{\tan A + \tan B}{1 - \tan A \tan B} \quad \text{③}$$

### متطابقات الفرق

$$\sin(A - B) = \sin A \cos B - \cos A \sin B \quad \text{①}$$

$$\cos(A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B \quad \text{②}$$

$$\tan(A - B) = \frac{\tan A - \tan B}{1 + \tan A \tan B} \quad \text{③}$$

س5 | أوجد القيمة الدقيقة لما يلي:

a)  $\sin(15)^\circ =$

b)  $\cos(-15)^\circ =$

c)  $\sin(135)^\circ =$

## المتطابقات المثلثية لضعف الزاوية ونصفها:-

### المتطابقات المثلثية لضعف الزاوية

$$\tan 2\theta = \frac{2\tan\theta}{1-\tan^2\theta} \quad \textcircled{1}$$

$$\cos 2\theta = \cos^2\theta - \sin^2\theta \quad \textcircled{2}$$

$$= 2\cos^2\theta - 1$$

$$= 1 - 2\sin^2\theta$$

$$\sin 2\theta = 2\sin\theta \cos\theta \quad \textcircled{3}$$

### المتطابقات المثلثية لنصف الزاوية

$$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1-\cos\theta}{1+\cos\theta}}, \quad \cos\theta \neq -1 \quad \textcircled{1}$$

$$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1+\cos\theta}{2}} \quad \textcircled{2}$$

$$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1-\cos\theta}{2}} \quad \textcircled{3}$$

س6 | إذا علمت أن  $\sin\theta = \frac{2}{3}$ ، و  $\cos\theta = \frac{\sqrt{5}}{3}$ ، فأوجد:

a)  $\sin 2\theta$

b)  $\cos 2\theta$

س7| أوجد القيمة الدقيقة لما يلي :

a)  $\sin 120^\circ =$

b)  $\cos 120^\circ =$

حل المعادلات المثلثية:-

س8| حل المعادلات المثلثية التالية:

a)  $4 \sin^2 \theta - 1 = 0$

b)  $2 \cos^2 \theta = 1$

## القطع المخروطية:-

س9| حدد أنواع القطوع المخروطية واكتب الصورة القياسية لكل نوع:

س10| حدد خصائص كل قطع مما يلي ومثله بيانياً:

a)  $(x - a)^2 = 8(y + 3)$

b)  $2(x + 6) = (y + 1)^2$

$$c) \frac{(x-1)^2}{25} + \frac{(y-4)^2}{16} = 1$$

$$d) \frac{(y+2)^2}{16} - \frac{(x-3)^2}{25} = 1$$

س11 | حدد الاختلاف المركزي للقطوع في فقرتي  $a$  و  $b$  السابقتين في سؤال 10 :

س12| اكتب معادلة كل قطع في كل مما يلي إذا علمت بعض خصائصه:

(a) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه  $(-5, 2)$  وبؤرته  $(-5, -1)$ .

(b) معادلة القطع الناقص الذي رأسه  $(-6, 3)$ ,  $(2, 3)$  ومركزه  $(-2, 3)$  ورأساه المرافقان  $(-2, 5)$ ,  $(-2, -1)$  وطول محوره الأصغر يساوي 8.